

## TEMA D'ESAME

### Domanda A

---

Dimostrare, procedendo unicamente per via algebrica, che se  $\bar{x} + y = 0$  e  $f(a, b) = a + b$ , allora risulta sempre  $f(x \oplus y, x + y) = 1$ .

### Domanda B

---

Relativamente ad una rete combinatoria per il calcolo della divisione per 3 di un numero naturale, si svolgano i seguenti punti.

1. Si consideri un numero intero  $X=[x_2 x_1 x_0]$  in codifica binaria naturale e si progetti una rete combinatoria ottima su due livelli per il calcolo del quoziente  $Q=[q_1 q_0]$  e del resto  $R=[r_1 r_0]$ .
2. Considerando che il valore di  $X$  può essere espresso come  $3Q+R$ , si vuole calcolare il valore della divisione per 3 del numero codificato come  $[x_2 x_1 x_0 b]$  corrispondente al valore  $2X+b$ , ovvero  $2(3Q+R) + b$ . Utilizzando il circuito di divisione realizzato al punto precedente e altre reti combinatorie che risultassero necessarie, si progetti procedendo in maniera strutturale un nuovo circuito per la divisione del valore  $[x_2 x_1 x_0 b]$ . Si suggerisce di esprimere il nuovo quoziente a partire dall'espressione  $2(3Q+R) + b$ .

### Domanda C

---

Si minimizzi la macchina a stati finiti non completamente specificata descritta dalla tabella a fianco, tenendo presente che A è lo stato di reset.

Quindi si proceda alla sintesi della macchina minima ottenuta utilizzando flip-flop di tipo JK.

	0	1
A	E/-	A/0
B	B/-	-/0
C	D/-	C/-
D	E/-	F/-
E	C/-	F/1
F	-/1	F/0

### Domanda D

---

Data la macchina a stati rappresentata dalle seguenti equazioni di eccitazione:

$$\begin{cases} J_1 = x\bar{q}_1 + xy \\ K_1 = \bar{x}q_2 \\ T_2 = yq_1q_2 \\ z = q_1\bar{q}_2 + \bar{x}\bar{y} \end{cases}$$

si verifichi quali sono gli stati raggiungibili supponendo che lo stato di reset sia identificato da:

$$\begin{cases} q_1 = 1 \\ q_2 = 0 \end{cases}$$